

# Лекція 9.

## Тема. Канали передачі та прийому інформації.

### Розділ. Практичні реалізації деяких елементів протоколів обміну інформацією.

#### План лекції:

9.1. Використання поліноміальної арифметики в каналах передачі / прийому інформації.

9.1.1. Циклічне кодування.

9.1.2. Алгоритм підрахунку CRC16 контрольних сум байт-пакетів

9.2. Скремблери-дескремблери.

9.3. Використання стандартного сервісу СМС повідомлень для обміну інформацією.

### 9.1. Використання поліноміальної арифметики в каналах передачі / прийому інформації.

Поліноміальна арифметика виконує арифметичні дії над поліномами. Поліном – це лінійна комбінація добутків цілих степенів заданого набору змінних з постійними коефіцієнтами, наприклад:

$$u(x) = u_n \cdot x_n + u_{n-1} \cdot x_{n-1} \cdot \dots \cdot u_1 \cdot x_1 + u_0 \cdot x_0, \text{ де}$$

$u_n, \dots, u_0$  коефіцієнти, що складають певну систему S.

$x$  - змінна полінома, формальна змінна без визначеного значення.

Система S – це множина цілих чисел в діапазоні від 0 до  $m-1$ , між якими можуть бути виконані арифметичні дії, а саме додавання, віднімання, множення, ділення по модулю  $m$ . В системах передачі інформації використовується окремий випадок цієї арифметики – поліноміальна арифметика по модулю 2, в якому кожний коефіцієнт дорівнює 0 або 1. Наприклад, для  $x=2$ :  $u(x) = 1 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^3$ . Всі дії з поліномами виконуються над коефіцієнтами, значення  $x$  не грає ніякої ролі. Два полінома вважаються рівними при однакових коефіцієнтах навіть, якщо значення  $x$  для них різне (наприклад, в одному  $x=10$  а в іншому  $x=2$ ). Тому поліном звичайно записують так:  $u(x) = 1 \cdot x^0 + 0 \cdot x^1 + 1 \cdot x^2 + 1 \cdot x^3$ , до того ж доданок з нульовими коефіцієнтами не вписують, одиничні коефіцієнти вказують уявно і доданки записують по мірі зменшення степені зліва направо, тобто  $u(x) = x^3 + x^2 + 1$ . Головна відмінність арифметичних операцій над многочленами є в тому, що між коефіцієнтами поліному немає ніякого зв'язку, тому поняття переносу в поліноміальній арифметиці відсутнє. Біт переносу або запозичення просто не враховується. Таким арифметичним операціям відповідає операція  $\oplus$  «Виключне АБО». Поліноміальна арифметика використовується в циклічному кодуванні та підрахунку контрольних сум.

### 9.1.1. Використання циклічного кодування для реалізації процесу передачі / прийому інформації.

Алгоритм циклічного кодування широко використовується в реалізації процесу обміну в каналах передачі / прийому інформації.

Циклічний код – це лінійний цифровий код, що володіє властивістю циклічності, тобто кожна циклічна перестановка кодового слова також є кодовим словом. Якщо символну послідовність  $Y = a_0a_1a_2\dots a_{n-1}$  записати у вигляді полінома  $Y(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_{n-1}x^{n-1}$ , де  $x$ -фіктивна змінна, то серед всьї сукупності можливих значень полінома  $Y(x)$ , можна відібрати ті, які володіють додатковою властивістю циклічності, тобто кожен слідуєчий код отримується циклічним зсувом попереднього на один розряд (справа наліво циклічно). Зсув кода справа наліво на один розряд для  $Y(x)$  рівноцінно множенню  $Y(x)$  на  $x$ . Такий набір кодів називається циклічним набором кодів, або просто циклічним кодом.

Циклічний код будується на основі породжуючого полінома  $g(x)$  степеня  $r=n-k$ , де  $n-1$  - степінь (розрядність) циклічного кода,  $k$ -кількість циклічних кодів.

$g(x)$  - породжуючий поліном циклічного коду є дільником двочлена  $x^n - 1$ . Всі коди циклічного коду можна записати у вигляді матриці

$$\begin{bmatrix} g(x) \\ Xg(x) \\ \dots \\ x^{k-1}g(x) \end{bmatrix}$$

Наприклад, для породжуючого полінома  $g(x) = x^3 + x + 1$ ,  $n=7$  породжуюча матриця має вигляд

$$G = \begin{bmatrix} 001011 \\ 010110 \\ 101100 \\ 011001 \\ 110010 \\ 100101 \end{bmatrix}$$

Із властивостей циклічних кодів випливає, що будь який циклічний код з повного набору ділиться на  $g(x)$  без залишку. Тоді виходить, що будь який набір  $Y(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_{n-1}x^{n-1}$ , який не описується породжуючою матрицею не ділиться на  $g(x)$  без залишку. Це й надає можливість використовувати циклічні коди для виявлення помилок при передачі кодів. Нехай  $M = m_0m_1m_2\dots m_{k-1}$  інформаційна послідовність, її також можна представити поліномом,  $G$  - породжуюча матриця, тоді над послідовністю  $M$  можна виконати операцію перетворення (кодування):

$$MG = (m_0 m_1 \dots m_{k-1}) \begin{bmatrix} g(x) \\ xg(x) \\ \dots \\ x^{k-1}g(x) \end{bmatrix} = m(x)g(x)$$

та використати послідовність  $MG = m(x)g(x)$  замість  $M = m_0 m_1 m_2 \dots m_{k-1}$  в каналі зв'язку з можливістю виявлення та/або виправлення деяких помилок.

Приклад.  $g(x) = x^8 + x^7 + x^6 + x^4 + 1$ .

Нехай інформаційний код  $M=1000111$  записаний від молодшого розряду до старшого зліва направо, тобто  $m(x) = x^6 + x^5 + x^4 + 1$ . Тоді  $m(x)g(x) = (x^8 + x^7 + x^6 + x^4 + 1)(x^6 + x^5 + x^4 + 1)$ . Отримаємо добуток:

$$\begin{array}{r} Y = x^8 + x^7 + x^6 + 0 + x^4 + 0 + 0 + 0 + 1 \\ g(x) = x^6 + x^5 + x^4 + 0 + 0 + 0 + 1 \\ \hline Y * 1 = x^8 + x^7 + x^6 + 0 + x^4 + 0 + 0 + 0 + 1 \\ \oplus \\ Y * x^4 = x^{12} + x^{11} + x^{10} + 0 + x^8 + 0 + 0 + 0 + x^4 \\ \hline x^{12} + x^{11} + x^{10} + 0 + 0 + x^7 + x^6 + 0 + 0 + 0 + 0 + 1 \\ \oplus \\ Y * x^5 = x^{13} + x^{12} + x^{11} + 0 + x^9 + 0 + 0 + 0 + x^5 \\ \hline x^{13} + 0 + 0 + x^{10} + x^9 + 0 + x^7 + x^6 + x^5 + 0 + 0 + 0 + 0 + 1 \\ \oplus \\ Y * x^6 = x^{14} + x^{13} + x^{12} + 0 + x^{10} + 0 + 0 + 0 + x^6 \\ \hline x^{14} + x^{12} + x^9 + x^7 + x^5 + 0 + 0 + 0 + 0 + 1 \end{array}$$

Або у вигляді кодової символної послідовності  $Y=100001010100101$ .

Отримана послідовність передається в канал зв'язку замість інформаційного коду.

### 9.1.2. Алгоритм підрахунку CRC16 контрольних сум байт-пакетів.

CRC (Cyclic Redundancy Code - циклічний надлишковий код) .

Алгоритм розрахунку контрольної суми для повідомлення, що передається, заснований на поліноміальній арифметиці.

Головна ідея алгоритму CRC полягає у поданні повідомлення у вигляді величезного двійкового числа (послідовності), діленні його на інше фіксоване двійкове число і використанні залишку від цього поділу в якості контрольної суми. Отримавши повідомлення, приймач повинен виконати аналогічну дію і порівняти отриманий результат з прийнятою контрольною сумою. Повідомлення вважається достовірним, якщо виконується ця рівність.

Алгоритм CRC базується на поліноміальній арифметиці по модулю 2, а це означає, що повідомлення, дільник і залишок можуть бути представлені у вигляді поліномів з двійковими коефіцієнтами або у вигляді рядків бітів,

кожен з яких є коефіцієнтом полінома. Дії, що виконуються під час обчислення CRC, є арифметичними операціями без урахування біту перенесення. Тобто додавання і віднімання виконується побітово без урахування біту перенесення, завдяки чому ці дві операції дають еквівалентний результат. Операції додавання і віднімання в цьому випадку ідентичні операції XOR («Виключне АБО»).

Ділення виконується за аналогією зі звичайним арифметичним поділом стовпчиком з тією відмінністю, що замість віднімання дільника від діленого використовується операція XOR. У програмній реалізації цього алгоритму замість дільника зсувається ділене. Зсув здійснюється вліво по одному біту. При цьому виконується перевірка зсунутого біту: якщо він дорівнює одиниці, виконується операція XOR дільника (полінома) зі старшими розрядами діленого (повідомлення).

Щоб виконати обчислення CRC, необхідно вибрати дільник - поліном. Важливою характеристикою, що визначає подальші розрахунки, є степінь полінома або його ширина  $W$  (від англійського Ширина - ширина). Зазвичай вибирається степінь 16 або 32, так як вони є кратними розрядності регістрів сучасних процесорів, що значно спрощує реалізацію алгоритмів CRC.

Степінь полінома - дійсна позиція старшого біта. Позиції бітів відлічуються, починаючи з нульової. Вибравши поліном, в кінець повідомлення додаються  $W$  нульових бітів.

Стандартний поліном CRC-16 має значення "8005" у шістнадцятиковому представленні або 1000 0000 0000 0101 в двійковому представленні (як правило, найстарша одиниця не враховується при розрахунках).

При розрахунках CRC використовується абстрактний регістр CRC з розрядністю, рівною ширині полінома  $W$ , який зберігає поточне значення обчислюваної контрольної суми. Крім степеня полінома вибирають початкове значення регістра CRC і значення, яке комбінується через XOR з остаточним вмістом регістра. Кращим вибором для ініціалізації регістра є значення FFFFh (або 1111 1111 1111 1111 в двійковому форматі), яке забезпечить можливість виявити нульові байти. Відповідно, остаточне значення регістра буде комбінуватися по XOR також з FFFFh.

Простий алгоритм розрахунку CRC виконується наступним чином:

1. У регістр CRC заноситься початкове значення FFFFh.
2. В кінець повідомлення додається  $W$  нульових бітів.
3. Вміст регістра зсувається вліво на 1 біт, і в останню (нульову) позицію заноситься черговий, ще не оброблений біт даних.
4. Якщо з регістра був висунутий біт зі значенням «1», то вміст регістра комбінується з XOR з поліномом. Якщо значення біта одно "0", XOR не виконується.
5. Кроки 3 і 4 виконуються, поки не будуть оброблені всі дані.
6. Остаточний вміст регістра комбінується з XOR із значенням FFFFh.

## 9.2. Скремблери-дескремблери.

Суть скремблювання полягає в побітній зміні потоку даних, що проходить через систему. Практично єдиною операцією, що використовується в скремблері є XOR - "побітне виключне АБО».

Паралельно проходженню інформаційного потоку в скремблері за певним правилом синхронно генерується кодуєчий бітовий потік. Як пряме, так і зворотне шифрування здійснюється виконанням операції XOR між кодуєчим потоком і вихідним / вихідним.

Генерація кодуєчої послідовності біт проводиться циклічно від невеликого початкового коду - ключа за наступним алгоритмом. З поточного набору біт вибираються значення певних розрядів і складаються по XOR між собою. Всі розряди зсуваються на 1 біт, а тільки що отримане значення ("0" або "1") поміщається в молодший розряд, що звільнився. Значення, що знаходилося в старшому розряді до зсуву, додається в кодуєчу послідовність, стаючи черговим її бітом (рис.9.1.)

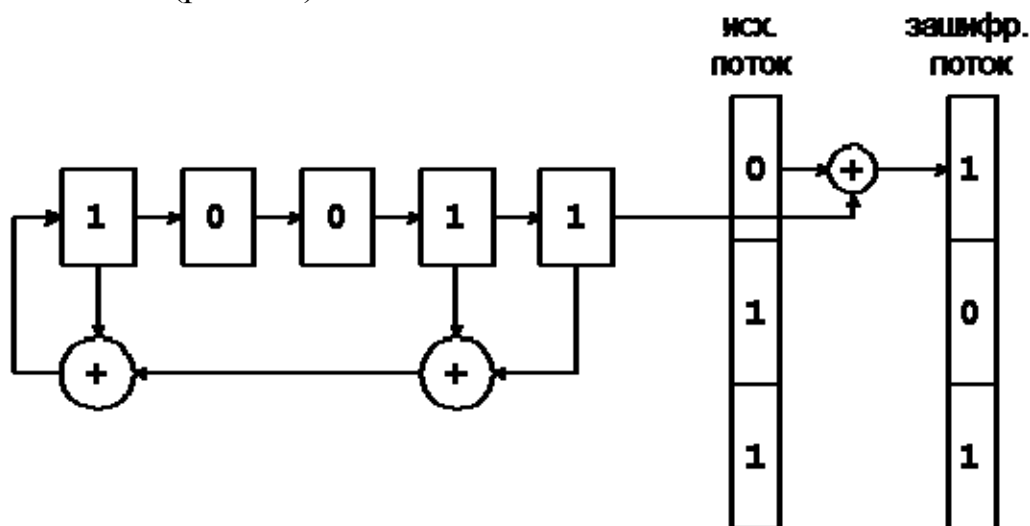


Рисунок 9.1. Структурна схема скремблера.

## 9.3. Використання стандартного сервісу SMS повідомлень для обміну інформацією.

Існуюча система SMS повідомлень мобільного зв'язку дає можливість використання її для обміну керуючими або інформаційними повідомленнями в системах передачі / прийому інформації.

Специфікація SMS визначає шлях для відправки SMS повідомлень через мобільний телефон або GSM / GPRS модем. Більшість бездротових модемів та мобільних телефонів можна використовувати для відправки та приймання SMS повідомлень. Для відправки SMS-повідомлення необхідно використати SIM-карту оператора мобільного зв'язку та підключити модем до комп'ютера. Після підключення GSM / GPRS модема до комп'ютера, можна керувати GSM / GPRS модемом шляхом відправки інструкцій до нього. Інструкції, що використовуються для управління GSM / GPRS модемом називаються AT командами. Dialup-модеми, мобільні телефони і GSM / GPRS модеми

обов'язково підтримують стандартний набір АТ команд. На додаток до цього стандартного набору АТ команд, сучасні GSM / GPRS модеми підтримують розширений набір АТ команд. Розширені АТ команди для відправки та отримання повідомлень SMS перераховані в таблиці 9.1.

Таблиця 9.1. АТ команди для відправки та отримання повідомлень SMS.

<b>АТ команди</b>	<b>Розшифровка</b>
+CMGS	Send message
+CMSS	Send message from storage
+CMGW	Write message to memory
+CMGD	Delete message
+CMGC	Send command
+CMMS	More messages to send

Один із способів перевірки роботи АТ команд з GSM / GPRS модемом полягає у використанні термінальної програми. Функція термінальної програми такий: Вона посилає символи, які ви набрали на клавіатурі, на GSM / GPRS модем. Потім вона відображає відповідь, яку отримує від GSM / GPRS модема, на екрані. Термінальна програма для Microsoft Windows має назву HyperTerminal.

Нижче наведено простий приклад, який демонструє, як за допомогою АТ команд і HyperTerminal програми Microsoft Windows відправити повідомлення SMS. Лінії командного рядка, які повинні бути введені в HyperTerminal виділені жирним шрифтом. Решта рядків є відповіддю GSM / GPRS модема.

**АТ**

ОК

**АТ + CMGF = 1**

ОК

**АТ + CMGW = "+380661234567"**

> Проста демонстрація текстових повідомлень SMS.

+ CMGW: 1

ОК

**АТ + CMSS = 1**

+ CMSS: 20

ОК

Пояснення того, що зроблено в наведеному вище прикладі:

Рядок 1: "АТ" відправляється в GSM / GPRS модем, щоб перевірити з'єднання. GSM / GPRS модем посилає назад код результату "ОК" (лінія 2),

який означає, що зв'язок між HyperTerminal програмою і GSM / GPRS модемом працює нормально.

Рядок 3: AT команда + CMGF використовується для вказівки GSM / GPRS модему працювати в текстовому режимі SMS. У відповідь код "OK" (рядок 4) вказує що "AT + CMGF = 1" був успішно виконаний. Якщо в результаті повертається код "ERROR", цілком ймовірно, що GSM / GPRS модем не підтримує режим SMS повідомлень. Для перевірки треба ввести "AT + CMGF =?" У програмі HyperTerminal. Якщо відповідь "+ CMGF: (0,1)" (0 = PDU режим і 1 = текстовий режим), то режим SMS повідомлень підтримується. Якщо відповідь "+ CMGF: (0)", то режим SMS повідомлень не підтримується.

Рядки 5 і 6: AT + команди CMGW використовуються для відправлення повідомлення SMS «Проста демонстрація текстових повідомлень SMS.». "+380661234567" є номер мобільного телефону отримувача. Після введення номера мобільного телефону, необхідно натиснути кнопку Enter на клавіатурі. GSM / GPRS модем буде повертати рядки з початковим символом ">", після якого можна вводити текст SMS-повідомлення " Проста демонстрація текстових повідомлень SMS.». По закінченні необхідно натиснути Ctrl + Z на клавіатурі.

Рядок 7: "+ CMGW: 1" говорить, що текстовому SMS повідомленню присвоюється індекс 1. Це вказує на розташування текстових повідомлень SMS в пам'яті модема.

Рядок 9: код результату "OK" вказує на успішне виконання команди AT + CMGW.

Рядок 10: AT + CMSS команда використовується для відправки повідомлення SMS 1 з пам'яті GSM / GPRS модема.

Рядок 11: "+ CMSS: 20" говорить про ідентифікаційний номер відправленого текстового повідомлення SMS.

Рядок 13: Код результату "OK" показує виконання команди AT + CMSS успішно.

Для реалізації відправки SMS повідомлень з додатків, необхідно написати код на C, C ++, Java, Visual Basic, Delphi або інших мовах програмування для підключення модему і відправки AT команд на GSM / GPRS модем. Або використати SMS Messaging API (інтерфейс прикладного програмування).